

المادة: الرياضيات

الثاني عشر أداب وإنسانيات

الفصل الدراسي الثاني 2020-2021

S.Eid

أ جابر  
خوزج  
و ز

الإحصاء والاحتمال



S.Eid

هذه التمارين اثرائية ولا تغني عن الكتاب المدرسي

لهم اجب به كلامه	له اجابات عللها
سؤال احصائي وغير احصائي	1

صنف الأسئلة التالية الى سؤال احصائي وسؤال غير احصائي:

- A. في أي شهر يصادف يوم مولتك؟ **غير احصائي**
- B. في أي شهر يصادف يوم مولد غالبية الطلاب في مدرستك؟ **احصائي**
- C. في أي شهر من شهور السنة تذهب عائلتك رحلة سياحية؟ **غير احصائي**
- D. ما أعلى مبنى في مدينة الدوحة؟ **غير احصائي**
- E. ما المتجر الأكثر شعبية لدى طلاب المرحلة الثانوية في مجمع الريان التجاري؟ **احصائي**
- F. ما نوع الكتب الأكثر تفضيلا لدى الأطفال(القصص الواقعية، الخيال ،الحكايات ) **احصائي**
- G. ما عدد الأيام في شهر يناير؟ **غير احصائي**

نوعي /كمي	رسف مجموع
قيمة درجة	4

صنف الأسئلة التالية الى متغير كمي أو متغير نوعي:

- A. ما الرياضة المفضلة لديك؟ **نوعي**
- B. ما عدد السيارات التي تقتنيها عائلتك؟ **كمي**
- C. ما نوع السيارة التي يقتنيها والدك؟ **نوعي**
- D. ما عدد أيام شهر فبراير؟ **كمي**

أراد معلم الفيزياء معرفة التجربة المخبرية التي فضلها طلابه خلال هذا الفصل الدراسي، فاختار 8 طلاب عشوائياً من كل صف من صنوفه الخمسة للمشاركة في الدراسة المسيحية.

A. ما العينة؟ ٤٠ طلاب

B. ما مجتمع الدراسة؟ الطلاب في الصنفوف الخمسة

اختارت مؤسسة للدراسات الإحصائية في إحدى المدن عدداً من الناخبين بشكل عشوائي لسؤالهم عن المرشحين الذين سيصوتون لهم، وذلك لتحديد المرشح الذي سيفوز في الانتخابات

A. ما العينة؟ عدد ١٠٠ من الناخبين

B. ما مجتمع الدراسة؟ الناخبين في المدينة

هل تمثل كل كمية مما يأتي معلمة أم احصائية:

A. تخصص مدرسة ثانوية ثلاث فترات لطلابها لتناول طعام الغداء. في فترة غداء تم اختيارها عشوائياً, الطلاب الذين أحضروا طعام غدائهم من المنزل 24%

### احصائية

B. بعد مرور سنة على افتتاح صالة سينما، جمعت إدارتها البيانات المتعلقة بمبيعات الأطعمة والمشروبات التي سجلت في مقصف السينما خلال تلك السنة. استعملت إدارة السينما إجمالي مبيعات المقصف وعدد تذاكر الدخول المبيعة، وتوصلت إلى أن متوسط إنفاق كل شخص من رواد السينما في مقصف الصالة كان QR 33

### محلمة

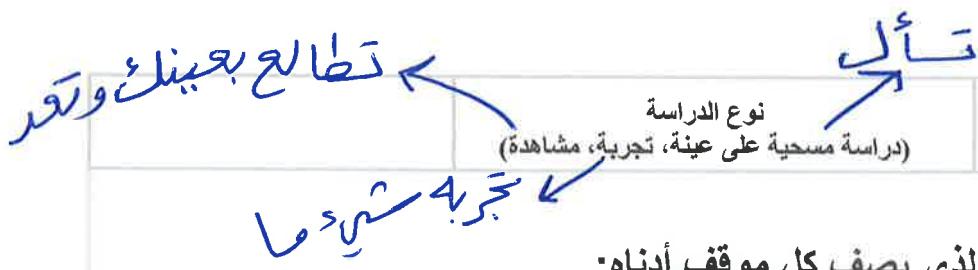
C. اقترع 55% من الناخبين في الانتخابات البلدية الأخيرة.

A. تفكّر بلدية إحدى المدن في زيادة التعرفة في وسائل النقل العام، أو توفير تمويل أكبر للنقل من ميزانية البلدية، لذا أجرت دراسة مسحية شملت مستخدمي وسائل النقل العام للاطلاع على الرأي العام البلدية هل تعد طريقة أخذ العينة مثلاً على التحيز؟ ووضح إجابتك.

**تحيز ، لأن تم اختيار متجر وسائل النقل فقط**

B. تتصل شركة مشروبات غازية في 500 شخص بشكل عشوائي وتسألهم: "هل منتجنا هو الأفضل في السوق أم منتج الشركة المنافسة؟ هل يعد سؤالاً كهذا مثلاً على التحيز؟ ووضح إجابتك.

**تحيز ، لأنه يمكن أن يؤثر الم Relief على الربوت**



A. اختارت صحيفة عشوائيا بعض الأشخاص من سكان المدينة لاستطلاع آرائهم

عن مرشحهم المفضل مسحية على عينة

B. يختبر طبيب دواء جديد لمرض ضغط الدم المرتفع تجربة

C. يريد صاحب متجر بقالة معرفة عدد الزبائن الذين يحضرون معهم أكياساً قابلة لإعادة الاستعمال، فكلف أحد الموظفين عند الصندوق لعد الزبائن مسحية على عينة

D. مجموعة من النباتات لا تنمو جيداً مقارنة ببقية النباتات، ماذا يمكنك أن تغير لتحسين نموها؟ تجربة

E. يختبر مدرب في ناد رياضي طريقة جديدة لرفع الاثقال ليرى ما إذا كانت تبني عضلات المتدربين بوتيرة أسرع من الطريقة الحالية تجربة

F. يريد مدير محمية طبيعية معرفة نسبة الزائرين الذين يحضرون أطفالاً معهم، فطلب من أحد الموظفين عد الزائرين الذين يحضرون أطفالاً معهم مسحية على عينة

G. تختار صحيفة محلية مجموعة من ساكني المدينة لسؤالهم عما إذا كانوا يدعمون تنفيذ مشروع معين فيها أم لا. مسحية على عينة

H. يعد مدير نادي رياضي المنتسبين إلى النادي الذين يحضرون قبل الساعة الثامنة مسحية على عينة

I. يسأل خالد محل لبيع المثلجات زبائنه ما إذا كانوا يرغبون في أن يقدم إليهم علب للطلبات الخارجية مسحية على عينة

اختيار مجموعة  
جاهزة

طريق

طرق أخذ العينات

(اختيار ذاتي، المريحة، المنتظمة، العنقدية، الطبقية)

كل خمسة من كل  
القريب منه

ما الطريقة المستعملة لأخذ العينات في الأمثلة التالية:

A. بدءاً من رقم هوية اختيار عشوائياً من سجل أحد المدارس يتم اختيار كل خامس طالب لملء استبيان الدراسة المسحية. هذا

B. يضع تاجر بطاقات تقييم عند باب متجره، أجاب 22% من الزبائن عن الأسئلة المطروحة في بطاقة التقييم. اختيار ذاتي

C. تزيد بلدية إحدى المدن معرفة نسبة السكان الذين يقتنون قطاً، وللقيام بذلك سأل موظف البلدية السكان في المنازل المحيطة بالبلدية. فرعية

D. جرى تصنيف مجتمع دراسة ضمن مجموعات بحسب الفئة العمرية، و اختيار عينة عشوائية من كل مجموعة. فرعية

E. جرى اختيار عدد من المستشفيات عشوائياً من مناطق مختلفة من البلاد، ثم اختيار جميع المرضى في كل مستشفى عنقودية

F. تم أخذ عينة مولفة من الطلاب العشر الأوائل الذين دخلوا غرفة الصف. فرعية

G. تم اختيار كل سبع شخص يقف في طابور لملء استبيان دراسة مسحية. هذا

H. يطلب مدير برنامج تلفزيوني من المشاهدين الاتصال بالبرنامج للدلالة بأدائهم عن نتائج الانتخابات اختيار ذاتي

I. قسمت شركة لتصنيع الملابس الجاهزة موظفيها إلى مجموعات، ثم اختارت ثلاثة موظفين عشوائياً من كل مجموعة لتمثيل الشركة في معرض الملابس

يريد مجموعة من الأطباء اختبار دواء جديد لعلاج الانفلونزا على الفئران

- A. ما هي مجموعة التحكم؟ ١. ملحوظة التي لها ؟ لهذا العلاج
- B. ما هي المجموعة التجريبية؟ ٢. ملحوظة التي تناهى العلاج

## مقاييس التشتت والتوزع المركزية

10

انظر البيانات الآتية:

3, 35, 33, 32, 22, 24, 13, 13, 14, 19, 7, 9, 25, 11, 10

3, 7, 9, 10, 13, 13, 14, 19, 22, 24, 25, 32, 33, 35

مقدمة، ٨، الأول

ملايين الأعداد المئية

١) الوسيط = ١٤

٢) الربع الأول = ١٠

٣) الربع الثالث = ٢٥

٤) أعلاجه = ٣٥

٥) أقل عدده = ٣

A. أوجد الوسط الحسابي.

B. أوجد الانحراف المعياري.

C. أوجد الوسيط.

D. أوجد الربع الأول.

E. أوجد الربع الثالث.

F. أوجد المدى الريبيعي.

G. أوجد المدى.

**انظر البيانات الآتية:**

**24, 20, 23, 24, 12, 16, 17, 16, 13, 29, 12, 15**

12, 12, 13, 15, 16, 16~~17~~, 20, 23, 24, 24, 29

A. أوجد الوسط الحسابي.  $\bar{x} = 18.4$

B. أوجد الوسيط.

$$Q_1 = \frac{13+15}{2} = 14$$

أوجد الربيع الأول.

$$D. \text{أوجد المدى الربعي.} 23.5 - 14 = 9.5$$

$$29 - 12 = 17$$

E. أوجد المدى.

**انظر البيانات التالية**

~~10, 13, 16, 21, 22, 26, 29, 29, 30, 32, 33, 33, 33, 35, 37~~

تم تمثيل هذه البيانات بالمدرج التكراري المجاور



A. ما نوع توزيع هذه البيانات؟  
الملتو إلى اليمين

**B. ما هي مقاييس التزعة المركزية ومقاييس التشتت الأفضل استعمالها لهذه المجموعة؟**

## ال وسيط و المدح الربيعي

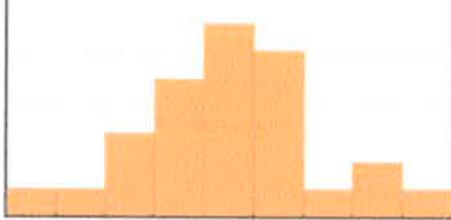
### C. أوجد المدى الربيعي؟

$$\begin{aligned} \text{المدى الريعي} &= Q_3 - Q_1 \\ &= 33 - 21 \\ &= 12 \end{aligned}$$

انظر البيانات التالية

55, 55, 57, 57, 57, 58, 58, 59, 59, 59, 61, 61

تم تمثيل هذه البيانات بالمدرج التكراري المجاور



A. ما نوع توزيع هذه البيانات؟ عَدَمِ الْمُاْتِل

B. ماهي مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت الأفضل استعمالها لهذه المجموعة؟

الوَسْطُ الْكَافِيُّ حَالِيًّا لِلْإِنْجَافِ الْمُعَيَّارِيِّ

C. أوجد الوسط الحسابي.  $\bar{x} = 58$

D. أوجد الانحراف المعياري.  $s = 1.87$

حدد ما إذا كان توزيع البيانات في كل موقف أدناء طبيعياً، أم ملتوياً جهة اليسار، أم ملتوياً جهة اليمين

A. العمر الذي يتوفى في الناس فيه قطر. حَلَّتْوِي جَهَةَ الْيَسَارِ

B. عدد الحيوانات التي الأليفة التي يقتنيها الطلاب في مدرستك. حَلَّتْوِي جَهَةَ الْيَمِينِ

C. أطوال قامات الرجال في مدينة الدوحة. كَلِبِيَّحِي

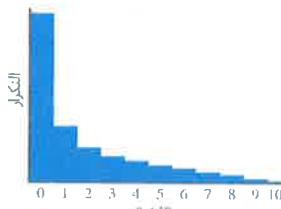
D. درجات الطلاب في اختبار سهل. حَلَّعَ جَهَةَ الْيَسَارِ

E. درجات الطلاب في اختبار صعب. حَلَّتْوِي جَهَةَ الْيَمِينِ

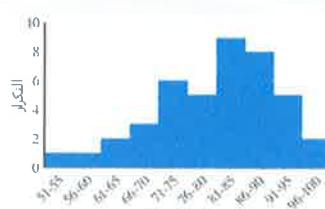
F. عدد الأطفال في الأسرة. حَلَّتْوِي جَهَةَ الْيَمِينِ

G. أوزان الأفراد في مجتمع دراسة. كَلِبِيَّحِي

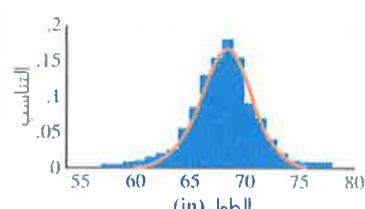
صف شكل توزيع البيانات الملخصة في المدرجات التكرارية  
وحدد مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت الأفضل استعمالها:



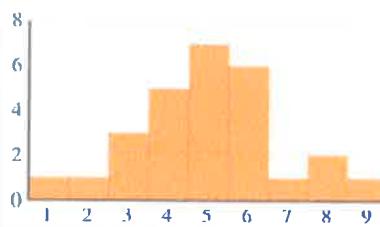
ملتو ٢٠٢٣



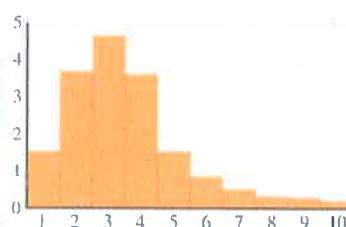
ملتو ٢٠٢٣



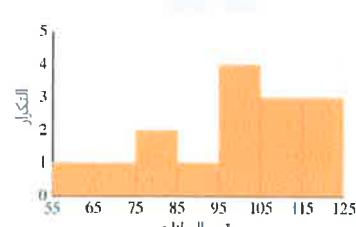
مسائل



هتماً كل



ملتو ٢٠٢٣



ملتو ٢٠٢٣

$$Z = \frac{x - M}{\sigma} \rightarrow \text{خطي}\rightarrow$$

القاعدة التجريبية

درجة عبد الرحمن في أحد الاختبارات هي 89 حيث  $\mu = 68$  و  $\sigma = 10$   
ودرجة شاهين في اختبار آخر هي 95 حيث  $\mu = 76$  و  $\sigma = 12$  إذا كانت  
درجات الاختبارين موزعة طبيعيا

A. أحسب الدرجة المعيارية Z لدرجة عبد الرحمن؟

B. أحسب الدرجة المعيارية Z لدرجة شاهين؟

أ. أي الطالبين درجته أفضل؟ وضح اجابتك

درجة عبد الرحمن لأن درجة Z أعلى

مجموعة بيانات وسطها الحسابي 75 وانحرافها المعياري 3 موزعة طبيعياً

66. ما القيمة التي تقع على بعد 3 انحرافات معيارية تحت الوسط الحسابي؟ A

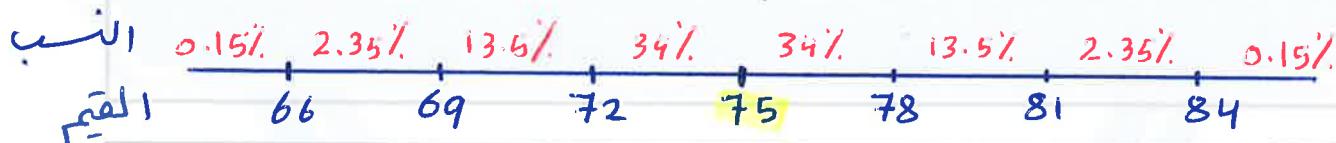
B. ما نسبة البيانات الواقعة بين القيمتين 78 و 72 ؟ 68%

C. ما نسبة البيانات الأكبر من القيمة 78 ؟ 16%

D. ما نسبة البيانات الأقل من القيمة 69 ؟ 2.5%

E. ما نسبة البيانات الواقعة بين القيمتين 78 و 81 ؟ 13.5%

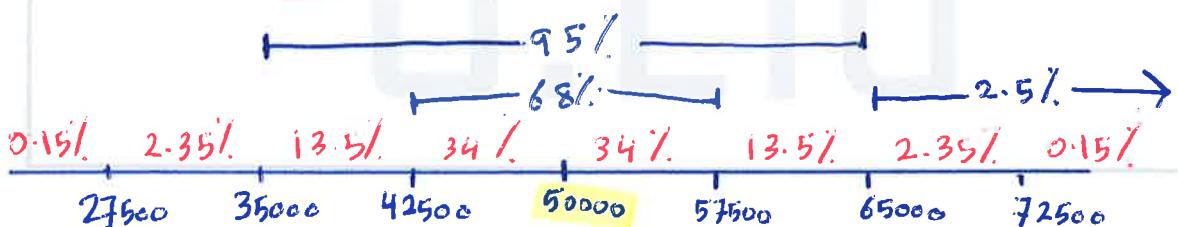
F. أحسب الدرجة المعيارية z للقيمة 82.



العمر الافتراضي لأحد أنواع إطارات السيارات موزع طبيعياً، متوسط العمر الافتراضي لإطار السيارة هو 50 000 ميل والانحراف المعياري 7 500 ميل

A. ما مدى قيم الاعمار الافتراضية الذي يتضمن نسبة 95% من القيم الأقرب الى الوسط الحسابي لهذا النوع من الإطارات؟ من 35000 إلى 65000

B. ما العمر الافتراضي لنسبة 2.5% من الإطارات ذات العمر الأكبر؟ أكبر من 65000



توزيع طبيعي  $x = 10$  و  $\mu = 1.5$  أوجد الدرجة المعيارية  $z$  للقيمة 2

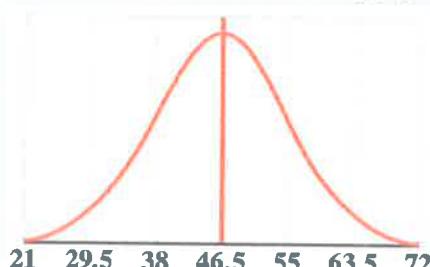
$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

$$= \frac{2 - 10}{1.5} = -5.3$$

## التوزيع الطبيعي

20

التمثيل البياني لبيانات موزعة طبيعياً كما في الشكل المجاور



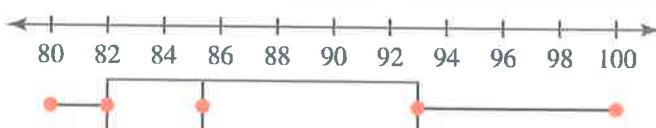
A. ما الوسط الحسابي؟ 46.5

B. ما الانحراف المعياري؟  
 $= 55 - 46.5 = 8.5$

## مخطط الصندوق وطريقه

21

رسم حمد مخطط الصندوق وطريقه أدناه لتمثيل مجموعة بيانات



A. ما الوسيط؟ 85.5

B. ما الربع الأول؟ 82

C. ما الربع الثالث؟ 93

D. حدد ما إذا كان توزيع البيانات طبيعياً، أم ملتوياً جهة اليسار، أم ملتوياً جهة

اليمين  
ملتوياً جهة اليمين

هامش الخطأ

$$\frac{2.5}{\sqrt{n}} \quad \frac{1}{\sqrt{n}}$$

عينة حجمها  $n = 850$   
وانحرافها المعياري  $\sigma = 122$   
أوجد هامش الخطأ.

$$\begin{aligned} \text{لها معايا} \\ &= \frac{2 \sigma}{\sqrt{n}} \\ &= \frac{2(122)}{\sqrt{850}} = 8.36 \end{aligned}$$

عينة حجمها  $n = 400$   
والحدث  $x = 67$

$$\begin{aligned} A. \text{ أوجد نسبة العينة.} & \quad \frac{67}{400} = 0.16 \\ B. \text{ أوجد هامش الخطأ.} & \quad = \frac{1}{\sqrt{400}} = 0.05 \end{aligned}$$

هامش الخطأ

في عينة عشوائية من 60 زبوناً، يفضل 46 منهم الحلوي العمانية

$$A. \text{ أوجد نسبة العينة.} \quad \frac{46}{60} = 0.77$$

$$B. \text{ أوجد هامش الخطأ.} \quad \frac{1}{\sqrt{60}} = 0.13$$

C. أوجد الفترة التي يرجح أن تتضمن النسبة الفعلية في مجتمع الدراسة (مدى الأوساط المنطقية).

$$0.77 \pm 0.13$$

$$0.64 \quad \rightarrow 0.9$$

هامش الخطأ

بينت عينة عشوائية من 100 طالب، أن 40% من الطلاب ينون إجراء اختبار SAT هذا العام

$$A. \text{ أوجد هامش الخطأ.} \quad \frac{1}{\sqrt{100}} = 0.1 = 10\%$$

B. ما النسبة المتوقعة الفعلية للطلاب الذين ينون إجراء الاختبار؟

$$40\% \pm 10\%$$

$$30\% \quad \rightarrow 50\%$$

الوسط الحسابي للدرجات في اختبار الرياضيات على مستوى الدولة هو 72 مع انحراف معياري مقداره 12 ،

يعتقد فهد أن درجات طلاب مدرسته أعلى من المعدل على مستوى الدولة  
يبينت عينة عشوائية مكونة من 100 طالب في مدرسة فهد أن الوسط الحسابي  
للدرجات هو 76

$$\text{A.} \quad \text{أوجد هامش الخطأ.} \quad 2.4 = \frac{\frac{2(12)}{\sqrt{n}}}{\sqrt{100}}$$

$$\text{B.} \quad \text{أوجد مدى الأوساط الحسابية المنطقية.}$$

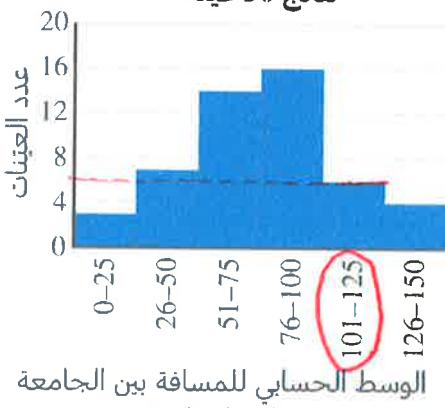
$$72 \pm 2.4$$

69.6      74.4

C. هل فهد على صواب؟  
نعم على صواب ، لأن الوسط الحسابي للدرجات عينة مدرسة فهد  
أعلى من مدى الأوساط الحسابية المنطقية

حسب كل زميل من زملاء ناصر وطلال الوسط الحسابي للمسافات التي تبعدها منازل المشتركين عن الجامعة بالأميال، أنشأ طلال وناصر مدرجًا تكرارياً

نتائج 50 عينة



A. ما عدد العينات التي يقع فيها متوسط المسافات بين الجامعة والمنزل بين 101 و 125 ميلاً؟

6

B. استعمل المدرج التكراري لتقدير معلمة مجتمع الدراسة.

من 125 إلى 26

## الاحتمالات

مقدمة في الاحتمال

1

رمي سعود سهماً 100 مرة على لوح تهديف مقسم إلى أربعة أقسام متساوية وملونة بالألوان التالية: الأحمر والأخضر والأصفر والأزرق وحصل على النواتج التالية:

القسم	الأحمر	الأصفر	الأخضر	الأزرق
عدد النواتج	29	25	26	20

100

كرر سعود التجربة ورمي السهم 200 مرة وحصل على النواتج التالية:

القسم	الأحمر	الأصفر	الأخضر	الأزرق
عدد النواتج	50	51	50	49

200

- A. أحسب نسبة عدد مرات إصابة السهم للقسم الأخضر في التجربة الأولى.
- $$\frac{26}{100}$$
- B. أحسب نسبة عدد مرات إصابة السهم للقسم الأخضر في التجربة الثانية.
- $$\frac{50}{200}$$

صورة  $\rightarrow H$   
كتاب  $\rightarrow T$

قطعة نقد

2

في تجربة رمي قطعة نقد منتظمة

A. أكتب فضاء العينة.

B. ما احتمال الحصول على صورة?

C. ما احتمال الحصول على كتابة?

في تجربة رمي قطع نقد منتظمتين

A. أكتب فضاء العينة.

B. ما احتمال الحصول على صورتين؟

C. ما احتمال الحصول على كتابة؟

في تجربة رمي ثلاث قطع نقدية منتظمة

A. أكتب فضاء العينة.

B. ما احتمال الحصول على صورتين؟

C. ما احتمال الحصول على ثلاثة صور؟

في تجربة رمي مكعب منتظم مرمي من 1 إلى 6

A. أكتب فضاء العينة.

B. ما احتمال الحصول على عدد فردي؟

C. اكتب حدث الحصول على عدد زوجي.

D. ما احتمال الحصول على عدد أكبر من 4؟

في تجربة رمي مكعبين منتظمين كل منها مرقم من 1 الى 6

A. ما عدد عناصر فضاء العينة؟

$$6 \times 6 = 36$$

$(2,4), (4,2)$   
 $(5,1), (1,5)$   
 $(3,3)$

B. ما احتمال الحصول على عددين مجموعهما 6؟

$$\frac{5}{36}$$

C. ما احتمال الحصول على عدد زوجي في المرة الأولى وعلى عدد أصغر من 3 في المرة الثانية؟

$(2,1), (2,2)$   
 $(4,1), (4,2)$   
 $(6,1), (6,2)$

$$\frac{1}{6} = \frac{6}{36}$$

هرم من 1 الى 4

في تجربة رمي هرمين منتظمين كل منها مرقم من 1 الى 4

A. أكتب فضاء العينة.

$\{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4)$   
 $(2,1), (2,2), (2,3), (2,4)$   
 $(3,1), (3,2), (3,3), (3,4)$   
 $(4,1), (4,2), (4,3), (4,4)\}$

$(2,3), (4,1)$   
 $(3,2), (1,4)$

B. ما احتمال الحصول على عددين مجموعهما 5؟

$$\frac{4}{16}$$

$(4,4)$

C. ما احتمال الحصول على عددين مجموعهما أكبر من 7؟

$$\frac{1}{16}$$

في تجربة رمي قطعة نقد ومكعب منتظم مرمق من 1 إلى 6  
 A. أكتب فضاء العينة  $\{(H,1), (H,2), (H,3), (H,4), (H,5), (H,6), (T,1), (T,2), (T,3), (T,4), (T,5), (T,6)\}$

B. ما احتمال الحصول على كتابة مع عدد فردي؟  $\frac{3}{12}$

C. حدد الحدث B وهو الحصول على صورة مع عدد أكبر من 5

$$B = \{(H,6)\}$$

## سحب كرة واحدة

$$\left| \begin{array}{l} W \\ \frac{W}{4} \\ B \\ \frac{B}{3} \\ R \\ \frac{R}{5} \end{array} \right|$$

$W$   $B$   $R$

صندوق يحتوي 5 كرات حمراء و 3 كرات زرقاء و 4 كرات بيضاء  
 سحب عبد العزيز كرة من الصندوق.

A. ما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة زرقاء؟  $25\% = 0.25 = \frac{1}{4} = \frac{3}{12}$

B. ما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة زرقاء أو بيضاء؟  $\frac{7}{12}$

C. ما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة ليست بيضاء؟  $\frac{8}{12}$

## احتمال الحوادث

مجموعة بطاقة مكونة من 52 بطاقة مرمقة من 1 إلى 13 كل 4 بطاقات منها

تحمل نفس الرقم، سحب سيف بطاقة

A. ما احتمال أن تكون البطاقة المسحوبة تحمل الرقم 8؟  $\frac{4}{52}$

B. ما احتمال أن تكون البطاقة المسحوبة تحمل رقم أكبر من 10؟  $\frac{12}{52}$

سجل مهند ذات يوم نسب الفترات الزمنية التي يقضيها في انجاز واجباته المنزلية،  
ثم أنشأ الجدول التالي:

المادة	الرياضيات	الأحياء	الفيزياء	الكيمياء
النسبة	0.37	0.18	0.28	0.23

هل تمثل المعطيات دالة احتمال؟ وضع اجابتك  
 $0.37 + 0.18 + 0.28 + 0.23 = 1.06$   
 لا تمثل دالة احتمال (لأنه يجب أن يكون المجموع 1)

في تجربة رمي مكعب منتظم مرمي من 1 إلى 6

A. أكتب فضاء العينة.

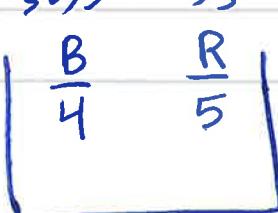
B. اكتب الحدث T وهو الحصول على عدد أكبر من 3.

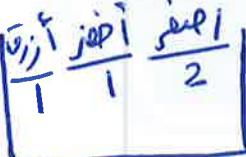
$$T = \{4, 5, 6\}$$

C. اكتب الحدث E وهو الحصول على عدد زوجي.

$$E = \{2, 4, 6\}$$

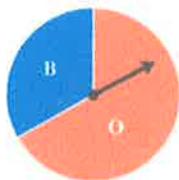
D. هل E و T حدثان متنافيان؟ ✗ ، كنه يوجد بين T, E عناصر مشتركة

 $\frac{5}{9}$ $\frac{4}{9}$	<b>سحب كرتان</b>
<b>صندوق يحتوي 5 كرات حمراء و 4 كرات زرقاء</b> <b>سحب أحمد كرتين عشوائياً من الصندوق</b> <b>A. ما احتمال سحب كرتين حمراوين عند ارجاع الكرة الأولى إلى الصندوق قبل سحب الكرة الثانية؟</b> $R R$ $\frac{5}{9} \times \frac{5}{9} = \frac{25}{81}$	<b>B. ما احتمال سحب كرتين زرقاوين دون ارجاع الكرة الأولى إلى الصندوق قبل سحب الكرة الثانية؟</b> $B B$ $\frac{4}{9} \times \frac{3}{8} = \frac{12}{72}$ <span style="color: red;">دون ارجاع</span>

 $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$	<b>احتمال الحوادث</b>
لدى عبدالله 4 قمصان اثنان منها أصفر اللون، وقميص أخضر وقميص أزرق، احتمال هطول المطر اليوم هو 40% <span style="color: red; border: 1px solid red; padding: 2px;">لا يهطل المطر غداً 60%</span> <b>A. ما احتمال أن يختار عبدالله قميصاً أصفر اللون وألا يهطل المطر اليوم؟</b> $0.3 \times \frac{2}{4} = 60\%$ <b>B. ما احتمال أن يختار عبدالله قميصاً أخضر اللون وأن يهطل المطر اليوم؟</b> $0.1 \times \frac{1}{4} = 40\%$ <b>C. ما احتمال أن يختار عبدالله قميصاً أصفر اللون وألا يهطل المطر اليوم أو أن يختار قميصاً أخضر اللون وأن يهطل المطر اليوم؟</b> $0.4 = 40\% \times \frac{1}{4} + 60\% \times \frac{2}{4}$	<b>40%</b> <b>60%</b>

قرص دوار مبين في الشكل المجاور، احتمال استقرار المؤشر على اللون الأزرق

في كل دورة يساوي  $\frac{1}{3}$  ، واحتمال استقراره على اللون البرتقالي يساوي  $\frac{2}{3}$



A. إذا دورت القرص مرتين ما احتمال استقرار المؤشر على اللون الأزرق في المرتين؟

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

B. إذا دورت القرص مرتين ما احتمال استقرار المؤشر على نفس اللون في المرتين؟

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{5}{9}$$

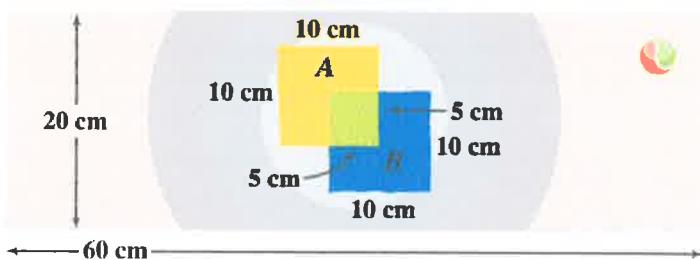
يحتوي هدف صنعه طالب على مربعين متداخلين، افترض أن فرصة استقرار كرة لاصقة على أي مكان في الهدف لها نفس إمكانية الحدوث،

$$= 60 \times 20 = 1200$$

$$A \text{ مساحة المربع } = 10 \times 10 = 100$$

$$B \text{ مساحة المربع } = 10 \times 10 = 100$$

$$A \text{ مساحة المربع } = 5 \times 5 = 25$$



A. ما احتمال استقرار الكرة داخل المربع B؟

$$\frac{25}{1200}$$

B. ما احتمال استقرار الكرة داخل المنطقة المشتركة بين المربعين؟

$$\frac{25}{1200}$$

C. ما احتمال استقرار الكرة داخل أحد المربعين أو داخل كليهما؟

$$\frac{100}{1200} + \frac{100}{1200} - \frac{25}{1200} = \frac{175}{1200}$$

يبين الجدول أدناه عدد الطلاب في فريقين مختلفين بحسب الصف الدراسي  
اختر أحد هؤلاء الطلاب عشوائيا لإجراء مقابلة،

	الصف الحادي عشر	الصف العاشر	
15	6	9	فريق الجري
35	23	12	فريق كرة القدم

- A.  $P(\text{طالب في الصف العاشر}) = \frac{21}{50}$
- B.  $P(\text{فريق الجري}) = \frac{15}{50}$
- C.  $P(\text{طالب في الصف الحادي عشر} / \text{فريق الجري}) = \frac{6}{29}$
- D.  $P(\text{فريق الجري} / \text{طالب في الصف الحادي عشر}) = \frac{6}{15}$
- E.  $P(\text{فريق كرة القدم} / \text{طالب في الصف العاشر}) = \frac{12}{50}$

لتكن  $P(A \cap B) = \frac{1}{6}$  و  $P(B) = \frac{2}{3}$  و  $P(A) = \frac{3}{4}$  أوجد:

$$\begin{aligned} A. P(A / B) &= \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{2}{3}} = \frac{1}{4} \\ B. P(B / A) &= \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{3}{4}} = \frac{2}{9} \end{aligned}$$

يبين الجدول أدناه معلومات التسجيل في مقررات التكنولوجيا بحسب السنة  
اختر أحد هؤلاء الطلاب عشوائياً وكان A هو الحدث أن يكون برمجة كمبيوتر و  
B هو الحدث أن يكون سنة ثانية

	سنة ثانية	سنة أولى	
برمجة كمبيوتر	15	11	
تصميم الألعاب	10	9	
	20	25	

45

$$A. P(B) = P(\text{سنة ثانية}) = \frac{20}{45}$$

$$B. P(B/A) = \frac{11}{26}$$

C. هل الحدثان A و B مستقلان أم غير مستقلين?  
 $P(B/A) \neq P(B)$   $\times$  لأن

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

20

لتكن  $P(A \cup B) = 0.2$  و  $P(B) = 0.6$  و  $P(A) = 0.3$

$$\begin{aligned} P(A \cup B) &= P(A) + P(B) - P(A \cap B) \\ &= 0.3 + 0.6 - 0.2 \\ &= 0.7 \end{aligned}$$

أوجد  $P(A \cup B)$

لنفترض أنك تختار بطاقة عشوائياً من مجموعة البطاقات أدناه



يمثل الحدث  $T$  سحب بطاقة تحمل الرقم 3

ويمثل الحدث  $B$  سحب بطاقة لونها رمادي

$$A. P(T) = P(\text{تحمل}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$B. P(B) = P(\text{لونها رمادي}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$C. P(T \text{ و } B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$D. P(T / B) = \frac{2}{3}$$

E. هل  $T$  و  $B$  حدثان مستقلان؟

$$P(T / B) \neq P(T)$$

إذا كان  $B$  و  $A$  حدثان مستقلان وكان  $P(B) = 0.4$  و  $P(A) = 0.5$  أوجد:

$$A. P(A \text{ و } B) = P(A) \times P(B) \\ = 0.5 \times 0.4 = 0.2$$

$$B. P(A \text{ أو } B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B) \\ = 0.5 + 0.4 - 0.2 \\ = 0.7$$

A. دخل نواف مطعم للبيتزا فكان أمامه ثلاثة أنواع من الحجم (الكبير والمتوسط والصغير)، ونوعين من العجينة (السميكه والرقيقة)، وثلاثة أنواع من المكونات (السجق والخضار والجبن)  
ما عدد أصناف البيتزا المختلفة التي يمكن أن يطلبها نواف؟

$$= 3 \times 2 \times 3 \\ = 18$$

B. يريد جاسم شراء سيارة، وتتوفر له إمكانية اختيار نوع واحد من 3 أنواع (عادية أو رياضية أو فاخرة) ونوع واحد من نوعين من ناقل الحركة (آلي ويدوي)، ولون واحد من 9 ألوان، ما عدد خيارات السيارات المختلفة التي يمكن لجسم أن يختار منها؟

$$= 3 \times 2 \times 9 \\ = 54$$

C. بكم طريقة يمكن إعداد رمز مكون من 4 أرقام لقفل شاشة جوالك باستعمال الأعداد من 0 إلى 9؟

$$= 10 \times 10 \times 10 \times 10 \\ = 10000$$

D. بكم طريقة يمكن إعداد رمز مكون من 4 أرقام لقفل شاشة جوالك باستعمال الأعداد من 0 إلى 9 شرط عدم تكرار أي رقم؟

$$= 10 \times 9 \times 8 \times 7 \\ = 5040$$

--	--

A. تريد نورة انشاء قائمة تتضمن 5 أفلام من 8 أفلام مفضلة لديها،  
ما عدد القوائم الممكنة؟

$$8P_5 = 6720$$

الترتيب

الترتيب

B. ما عدد طرق اختيار 3 أنشطة من بين 8 أنشطة متاحة في مخيم الصيفي؟

$$8C_3 = 56$$

الترتيب

C. بكم طريقة يمكن ترتيب المركز الأول والثاني والثالث في سباق للجري يشارك فيه 12 عداء؟

$$12P_3 = 1320$$

الترتيب

D. بكم طريقة مختلفة يمكن تشكيل فريق من 4 أشخاص من مجموعة مكونة من 8 أشخاص؟

$$8C_4 = 70$$

الترتيب

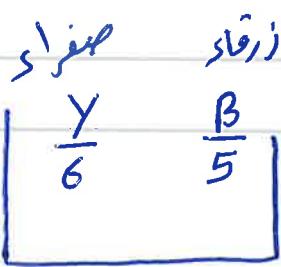
E. بكم طريقة يمكن جلوس 5 أشخاص على طاولة تحوي 5 مقاعد؟

$$5P_5 = 120$$

الترتيب

F. ما عدد طرق اختيار رئيس ونائب للرئيس وأميناً للصندوق من بين 12 عضو؟

$$12P_3 = 1320$$



تباديل أو توافق في الاحتمالات

25

صندوق يحتوي 5 كرات زرقاء و 6 كرات صفراء

سحبت 3 كرات عشوائيا من الصندوق بدون ارجاعها

A. ما احتمال أن تكون الكرات الثلاث جميعها زرقاء؟ الترتيب غير مسمى

$$\frac{5 \times C_3 \times 6 \times C_0}{11 \times C_3} = \frac{2}{33}$$

حل آخر

$$\left\{ \frac{5}{11} \times \frac{4}{10} \times \frac{3}{9} = \frac{2}{33} \right.$$

B. ما احتمال أن تكون أول كرتان صفراء والثالثة زرقاء؟ الترتيب مسمى

$$\frac{6 \times P_2 \times 5 \times P_1}{11 \times P_3} = \frac{5}{33}$$

حل آخر

$$\left\{ \frac{6}{11} \times \frac{5}{10} \times \frac{5}{9} = \frac{5}{33} \right.$$

تباديل أو توافق في الاحتمالات

26



يقدم 4 ممثلين و 5 موسقيين عروضاً مختلفة في أحد المسارح، يتم اختيار ترتيب تقديم العرض بشكل عشوائي

A. ما احتمال أن يكون أول 3 مشاركين ممثلين؟

$$\frac{4 \times P_3 \times 5 \times P_0}{9 \times P_3} = \frac{1}{21}$$

حل آخر

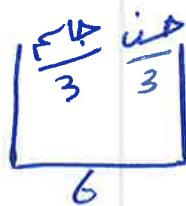
$$\left\{ \frac{4}{9} \times \frac{3}{8} \times \frac{2}{7} = \frac{1}{21} \right.$$

B. ما احتمال أن يكون أول مشاركين من الممثلين والمشاركة الثالث موسقي؟

$$\frac{4 \times P_2 \times 5 \times P_1}{9 \times P_3} = \frac{5}{42}$$

حل آخر

$$\left\{ \frac{4}{9} \times \frac{3}{8} \times \frac{5}{7} = \frac{5}{42} \right.$$



يتنافس جاسم وحسن على رئاسة مجلس الطلاب، يحتوي وعاء على 3 كرات كتب عليها اسم جاسم و 3 كرات كتب عليها اسم حسن، لإجراء القرعة يتم سحب كرة واحدة عشوائيا من الوعاء وتسجيل عدد المرات التي يظهر فيها اسم جاسم

A. ما التوزيع الاحتمالي النظري لفضاء العينة { 1, 0 } ؟

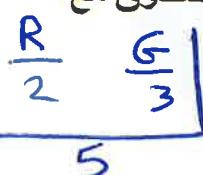
$$P(0) = P(\text{حسن}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$P(1) = P(\text{جاسم}) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

B. هل هذا التوزيع توزيع احتمالي منتظم؟

$$P(0) = P(1) \quad \text{نعم}$$

كيس يحوي 3 كرات خضراء وكرتان حمراوين، يتم سحب كرتان من الصندوق مع الارجاع وتسجيل عدد الكرات الحمراء



A. ما التوزيع الاحتمالي النظري لفضاء العينة { 2, 1, 0 } ؟

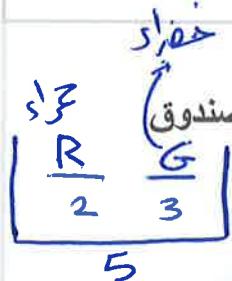
$$P(0) = P(GG) = \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{9}{25}$$

$$\begin{aligned} P(1) &= P(GR) \text{ أو } P(RG) \\ &= \frac{3}{5} \times \frac{2}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{12}{25} \end{aligned}$$

$$P(2) = P(RR) = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = \frac{4}{25}$$

B. هل هذا التوزيع توزيع احتمالي منتظم؟

الإجابة: لا، لأن مجموع الأحتمالات غير متساوٍ



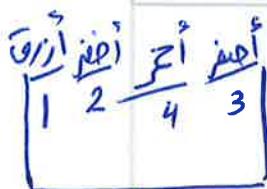
كيس يحتوي 3 كرات خضراء وكراتان حمراوين، يتم سحب كرتان من الصندوق  
بدون ارجاع وتسجيل عدد الكرات الحمراء

A. ما التوزيع الاحتمالي النظري لفضاء العينة { 0 , 1 , 2 } ؟

$$\left. \begin{array}{l} P(0) = P(GG) = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} = \frac{6}{20} \\ P(1) = P(GR) \text{ أو } P(RG) \\ = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} \\ = \frac{12}{20} \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} P(2) = P(RR) \\ = \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \\ = \frac{2}{20} \end{array} \right\}$$

B. هل هذا التوزيع توزيع احتمالي منتظم؟

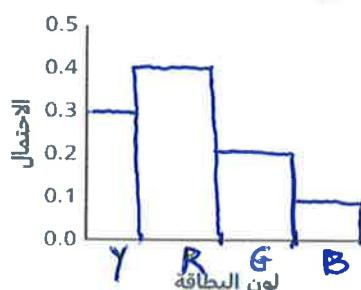
X



صندوق يحتوي 3 بطاقات صفراء 4 حمراوين وبطاقةان خضراوان وبطاقة واحدة  
زرقاء، يتم سحب بطاقة عشوائياً من الصندوق

A. ما التوزيع الاحتمالي على فضاء العينة { أصفر، أحمر، أحضر، أزرق } ؟

$$\left. \begin{array}{l} P(Y) = \frac{1}{10} = 0.1 \\ P(R) = \frac{2}{10} = 0.2 \end{array} \right\} \left. \begin{array}{l} P(G) = \frac{3}{10} = 0.3 \\ P(B) = \frac{4}{10} = 0.4 \end{array} \right\}$$



B. مثل التوزيع الاحتمالي بيانيًّا؟

يسجل إبراهيم هدفاً بنسبة 24% من المرات التي يتلقى فيها الكرة، إذا تلقى إبراهيم الكرة 7 مرات

$$P(4) = {}^7C_4 \times (24\%)^4 \times (1-24\%)^{7-4} = 0.05$$

A. ما احتمال أن يسجل 4 أهداف؟

B. ما احتمال أن لا يسجل أي هدف في أي فرصة تلقى بها الكرة.

$$\begin{aligned} P(0) &= {}^7C_0 \times (24\%)^0 \times (1-24\%)^{7-0} \\ &= 0.14 \end{aligned}$$

يقدم أحد المتاجر قسائم لربع الهدايا للزبائن الذين تزيد قيمة مشترياتهم عن 100 ريال، لدى هند 5 بطاقات، وإمكانية ربح كل بطاقة 30%

A. ما احتمال أن تكون لدى هند 3 بطاقات رابحة؟

$$P(3) = {}^5C_3 \times (30\%)^3 \times (1-30\%)^{5-3} = 0.132$$

B. ما احتمال أن تكون لدى هند أكثر من 3 بطاقات رابحة؟

$$= P(4) + P(5)$$

$$\begin{aligned} &= {}^5C_4 \times (30\%)^4 \times (1-30\%)^{5-4} + {}^5C_5 \times (30\%)^5 \times (1-30\%)^{5-5} \\ &= 0.03 \end{aligned}$$

يريد أن يرمي على سهما نحو لوحة تهدف يبين الجدول المجاور عدد النقاط التي سيكسبها على واحتمال كل منطقة

المنطقة	الحلقة الخارجية	الحلقة الداخلية	مركز الهدف	خارج اللوح
عدد النقاط التي سيسكبها	10	25	100	0
فرصة الاصابة	45%	40%	5%	10%

$$\text{ما القيمة المتوقعة لعدد النقاط من رمية سهم واحد؟} \\ \text{القيمة المتوقعة} = 10 \times 45\% + 25 \times 40\% + 100 \times 5\% + 0 \times 10\% \\ = 19.5$$

يوضح الجدول المجاور بيانات عن مبيعات كل وجبة طعام أحد المطاعم خلال شهر واحد، لتقدير أرباحه المستقبلية يحسب صاحب المطعم الربح في كل وجبة

الوجبة	الربح من كل وجبة	النسبة المئوية من المبيعات
ورق العنب	QR 1.36	12%
الحساء	QR 1.64	7%
الم gio بوس	QR 2.56	45%
الهرس	QR 2.92	36%

$$\text{A. ما القيمة المتوقعة لمتوسط الربح الذي يمكن لصاحب المحل أن يتوقعه من كل وجبة؟} \\ = 1.36 \times 12\% + 1.64 \times 7\% + 2.56 \times 45\% + 2.92 \times 36\% \\ = 2.48$$

B. ما الربح المتوقع من بيع 200 وجبة؟

$$= 2.48 \times 200 = 496$$

اشترى بدر تذكرة سفر مقابل 3600 ريال، ثم اكتشف أنه يتوجب عليه دفع مبلغ 1200 ريال إذا ألغى الحجز أو غير تاريخه،

إذا علمت أن احتمال سفر بدر هو 80%

أوجد القيمة المتوقعة للتذكرة.

يُؤجّل	يسافر
20 %	80 %
4800	3600

$$\begin{aligned} \text{المتوقعة} &= 20\% \times 4800 + 80\% \times 3600 \\ &= 3840 \end{aligned}$$

في تجربة رمي مكعب منتظم مرقم من 1 إلى 6  
أ. أكتب فضاء العينة.

ب. أوجد القيمة المتوقعة.

$x$	1	2	3	4	5	6
$P(x)$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$

$$\begin{aligned} \text{المتوقعة} &= 1 \times \frac{1}{6} + 2 \times \frac{1}{6} + 3 \times \frac{1}{6} + 4 \times \frac{1}{6} + 5 \times \frac{1}{6} + 6 \times \frac{1}{6} \\ &= 3.5 \end{aligned}$$

S. Eid

يدرس جابر ثلات خيارات لوثيقة التأمين على سيارته، وتشير الإحصائيات إلى أن احتمال اصلاح السيارة بمتوسط تكلفة QR 1500 هو 10%

الخيار	قيمة التأمين السنوي	قيمة المبلغ المقطوع
A	1800	0
B	1650	750
C	1400	1000

ما الخيار الذي تكلفة السنوية الجمالية المتوقعة هي الأقل بالنسبة لجابر؟

$$\text{تكلفة المقطع} + \text{قيمة التأمين} = \text{التكلفة الجمالية}$$

$$A: 1800 + 0 \times 10\% = 1800$$

$$B: 1650 + 750 \times 10\% = 1725$$

$$C: 1400 + 1000 \times 10\% = 1500$$

الخيار C  
هو الأقل

جمع خبير للتسويق بيانات عن مبيعات الحواسيب

المنتج	S	البحث	B	البحث والشراء
D	35%		10%	
E	28%		9%	
F	26%		8%	
J	24%		5%	

أي منتج يرجح أن يكون الأكثر مبيعاً بعد إجراء بحث إلكتروني عنه؟

$$D : \frac{10\%}{35\%} = 28.5\%$$

$$F : \frac{8\%}{26\%} = 30.7\%$$

$$E : \frac{9\%}{28\%} = 32\%$$

$$J : \frac{5\%}{24\%} = 20.8\%$$

المنتج E يرجح أن تكون أكثر مبيعاً